

**FUNDAMENTOS FÍSICOS DE LA I.C.**  

---

**E.T.S. DE INGENIEROS DE CAMINOS**

**FORMULARIO PARA EXÁMENES**  
**Plan Nuevo (Bolonia)**  
**Curso 2010-11**

OBSERVACIONES: No se permite realizar ninguna anotación en las páginas de este formulario si quiere utilizarse durante el examen.

<b>Líneas de campo</b>	<b>Derivada direccional</b>
$\frac{dx}{f_x} = \frac{dy}{f_y} = \frac{dz}{f_z}$	$\left(\frac{\partial \phi}{\partial s}\right)_P = (\overrightarrow{\text{grad } \phi})_P \cdot \vec{u}_s$
<b>Obtención de la función potencial</b>	
$\frac{\partial U}{\partial x} = f_x; \frac{\partial U}{\partial y} = f_y; \frac{\partial U}{\partial z} = f_z$	

<b>Conducción</b>	<b>Pared plana - T(x)</b>
$Q = -\lambda \cdot \frac{\partial T}{\partial n} \cdot A$	$T(x) = T_1 - \frac{T_1 - T_2}{d} \cdot x$
<b>Pared plana</b>	
$q = \frac{T_i - T_e}{\frac{1}{\alpha_i} + \sum_{i=1}^n \frac{d_i}{\lambda_i} + \frac{1}{\alpha_e}} \quad [W/m^2]$	
<b>Pared cilíndrica</b>	
$q_L = \frac{2\pi \cdot (T_i - T_e)}{\frac{1}{\alpha_i \cdot r_i} + \sum_{i=1}^n \left( \frac{1}{\lambda_i} \cdot \ln \frac{r_{i+1}}{r_i} \right) + \frac{1}{\alpha_e \cdot r_e}} \quad [W/m]$	
<b>Pared esférica</b>	
$Q = \frac{4\pi \cdot (T_i - T_e)}{\frac{1}{\alpha_i \cdot r_i^2} + \sum_{i=1}^n \left( \frac{1}{\lambda_i} \cdot \frac{r_{i+1} - r_i}{r_i \cdot r_{i+1}} \right) + \frac{1}{\alpha_e \cdot r_e^2}} \quad [W]$	

<b>Radiación</b>
Ley de Stefan-Boltzmann
$\frac{dQ_e}{dt} = S \cdot a \cdot \sigma \cdot T^4$
<b>Ley de enfriamiento de Newton</b>
$\frac{dQ_n}{dt} = h \cdot S \cdot (T - T_a)$

Atomicidad del gas	$C_V$ (cal/mol.K)	$C_P$ (cal/mol.K)	$\gamma=C_P/C_V$
monoatómico	3	5	1,66
diatómico	5	7	1,4
triatómico	6	8	1,33

Relación de Mayer	Cte universal de los gases
$C_P - C_V = R$	$R = 8,314 \frac{J}{mol \cdot K} = 2 \frac{cal}{mol \cdot K} = 0,082 \frac{atm \cdot l}{mol \cdot K}$

Isócora	Isóbara	Isoterma	Adiabática
$dW = p \cdot dV = 0$	$W_{12} = p \cdot (V_2 - V_1)$	$W_{12} = n \cdot R \cdot T \cdot \ln \frac{V_2}{V_1}$	$W_{12} = \frac{1}{1-\gamma} \cdot (p_2 \cdot V_2 - p_1 \cdot V_1)$

Ciclo de Carnot directo
$\eta = 1 - \frac{T_2}{T_1}$

<b><math>\vec{E}</math> (distribución lineal)</b>	<b>V (distribución lineal)</b>
$\vec{E} = \int_q K \frac{dq}{r^2} \cdot \vec{u}_r = \int_L K \frac{\lambda dl}{r^2} \cdot \vec{u}_r$	$V = \int_q K \frac{dq}{r} = \int_L K \frac{\lambda dl}{r}$
<b><math>\vec{E}</math> (distribución superficial)</b>	<b>V (distribución superficial)</b>
$\vec{E} = \int_q K \frac{dq}{r^2} \cdot \vec{u}_r = \iint_S K \frac{\sigma dS}{r^2} \cdot \vec{u}_r$	$V = \int_q K \frac{dq}{r} = \iint_S K \frac{\sigma dS}{r}$
<b><math>\vec{E}</math> (distribución volumétrica)</b>	<b>V (distribución volumétrica)</b>
$\vec{E} = \int_q K \frac{dq}{r^2} \cdot \vec{u}_r = \iiint_V K \frac{\rho dV}{r^2} \cdot \vec{u}_r$	$V = \int_q K \frac{dq}{r} = \iiint_V K \frac{\rho dV}{r}$

Intensidad y densidad de corriente	Resistencia eléctrica	Resistencias en serie	Resistencias en paralelo
$i = \vec{J} \cdot \vec{S}$	$R = \frac{1}{\sigma} \cdot \frac{l}{S} = \rho \cdot \frac{l}{S}$	$R_{eq} = \sum_{i=1}^n R_i$	$\frac{1}{R_{eq}} = \sum_{i=1}^n \frac{1}{R_i}$
Ley de Joule	F.e.m. generador	F.c.e.m. motor	Rendimiento generador
$W = i \cdot t \cdot V \quad P = i \cdot V$	$\mathcal{E} = \frac{P_C}{i}$	$\mathcal{E}' = \frac{P_M}{i}$	$\eta = \frac{P_{ES}}{P_C}$
Rendimiento motor	Ley de Ohm en circuitos cerrados simples	Generadores en serie	Generadores en paralelo
$\eta = \frac{P_M}{P_{EC}}$	$i = \frac{\sum \mathcal{E}}{\sum R + \sum r}$	$\mathcal{E} = \sum_i \mathcal{E}_i \quad r = \sum_i r_i$	$\mathcal{E}_{eq} = \mathcal{E} \quad r_{eq} = \frac{r}{n}$
Leyes de Kirchoff	Triángulo-estrella		
$\sum_k i_k = 0$ $\sum_k \mathcal{E}_k = \sum_k R_k \cdot i_k$	$R_A = \frac{R_{AB} \cdot R_{AC}}{R_{AB} + R_{AC} + R_{BC}}$ $R_B = \frac{R_{AB} \cdot R_{BC}}{R_{AB} + R_{AC} + R_{BC}}$ $R_C = \frac{R_{AC} \cdot R_{BC}}{R_{AB} + R_{AC} + R_{BC}}$		

Fuerza sobre superf. plana	Centro de presiones	Principio de Arquímedes
$F = \gamma \cdot h_G \cdot A$	$z_E = z_G + \frac{I_{x_G}}{z_G \cdot A}$ $x_E = x_G + \frac{P_{x_G} z_G}{z_G \cdot A}$	$E = \gamma \cdot V$

Deformación por variación de temperatura	Coefficiente de Poisson	Relación entre módulos	Módulo de compresibilidad
$\Delta L = \alpha \cdot L_0 \cdot \Delta T$	$\eta = -\frac{\delta}{\varepsilon}$	$G = \frac{E}{2(1+\eta)}$	$B = -\frac{dp}{dV/V}$

Pieza sometida a axil
$\frac{\Delta S}{S_o} = -2\eta\varepsilon$ $\frac{\Delta V}{V_o} = \varepsilon(1-2\eta)$

Deformación de un sólido sometido a tres tensiones normales a sus caras.
$\varepsilon_x = \varepsilon_{xx} + \varepsilon_{yy} + \varepsilon_{zz} = \frac{1}{E} [\sigma_x - \eta(\sigma_y + \sigma_z)]$ $\varepsilon_y = \frac{1}{E} [\sigma_y - \eta(\sigma_x + \sigma_z)]$ $\varepsilon_z = \frac{1}{E} [\sigma_z - \eta(\sigma_x + \sigma_y)]$

Energía de deformación (axil)	Relaciones en sólido sometido a tres tensiones normales a sus caras
$W = \frac{E \cdot S}{2 \cdot L_0} \cdot (\Delta L)^2$	$\frac{\Delta S_{xy}}{S_{xy}} = \varepsilon_x + \varepsilon_y$ $\frac{\Delta S_{xz}}{S_{xz}} = \varepsilon_x + \varepsilon_z$ $\frac{\Delta S_{yz}}{S_{yz}} = \varepsilon_y + \varepsilon_z$ $\frac{\Delta V}{V_o} = \varepsilon_x + \varepsilon_y + \varepsilon_z = e$

Densidad de energía (sólido sometido a tres tensiones normales a sus caras)
$\omega = \frac{1}{2} \cdot [\varepsilon_X \cdot \sigma_X + \varepsilon_Y \cdot \sigma_Y + \varepsilon_Z \cdot \sigma_Z]$