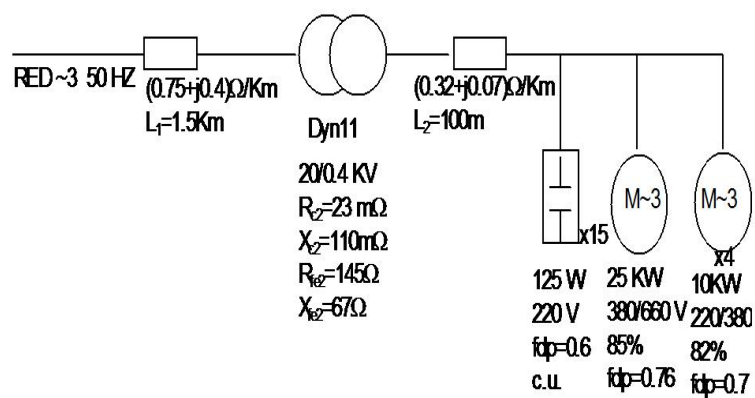




## SOLUCION PROBLEMA GLOBAL 2



### EJERCICIO 1

Los motores por la placa de características  $380/660$  V y  $220/380$  V pueden funcionar a la vez sólo a 380 V de línea y las lámparas como cada una soporta 220 V pueden conectarse también a esa misma tensión con lo cual 380 V es la tensión de



línea.Solución B.

### EJERCICIO 2

Las lámparas deben conectarse en estrella para así recibir 220 V de fase, mientras que la hormigonera sería en triángulo por ser la más baja de las dos posibles y las bombas en estrella por ser la más alta. Solución A.

### EJERCICIO 3

Para obtener la mínima potencia aparente que debe tener el transformador, debemos obtener la aparente que consumen los tres receptores junto a la línea 2 ( ya que la carga del transformador es el conjunto de los tres receptores más la línea 2), obligando a la condición:

$$S_{N_{Transformador}} \geq S_{carga}$$

Comencemos por los receptores:

$$P_I = 15 \times 125 = 1875W$$

$$\cos \varphi_I = 0,6 \longrightarrow \varphi_I = 53,13^\circ$$

$$Q_I = P_I \times \tan \varphi_I = 2500VAr$$

$$P_{II} = \frac{25}{0,84} = 29,41KW$$

$$\cos \varphi_{II} = 0,76 \longrightarrow \varphi_{II} = 40,53^\circ$$

$$Q_{II} = P_{II} \times \tan \varphi_{II} = 25,14KVAr$$



$$P_{III} = 4 \times \frac{10}{0,82} = 48,78KW$$

$$\cos \varphi_{III} = 0,7 \longrightarrow \varphi_{III} = 45,57^\circ$$

$$Q_{III} = P_{III} \times \tan \varphi_{III} = 49,76KVAr$$

Por el Teorema de Boucherot, los tres receptores consumen:

$$P = P_I + P_{II} + P_{III} = 80,06KW$$

$$Q = Q_I + Q_{II} + Q_{III} = 77,4KVAr$$

$$S = \sqrt{P^2 + Q^2} = 111,35KVA$$

$$\cos \varphi = \frac{P}{S} = 0,718 \rightarrow \varphi = 44^\circ$$

Tenemos que calcular la intensidad de línea para poder obtener el consumo de la línea 2:

$$I_{L_2} = \frac{S}{\sqrt{3} \times 380} = 169,17A$$

El consumo de la línea 2, previo el cálculo de la resistencia y reactancia de línea, es:

$$R_{L_2} = 0,32 \times 0,1 = 0,032\Omega$$

$$X_{L_2} = 0,07 \times 0,1 = 0,007\Omega$$

$$P_{L_2} = 3 \times 0,032 \times 169,17^2 = 2,74KW$$

$$Q_{L_2} = 3 \times 0,007 \times 169,17^2 = 0,6KVAr$$



Aplicando de nuevo el Teorema de Boucherot, tenemos el consumo total conectado al secundario del transformador:

$$P_2 = P + P_{L_2} = 82,8KW$$

$$Q_2 = Q + Q_{L_2} = 78KVAr$$

$$S_2 = \sqrt{P_2^2 + Q_2^2} = 113,75KVA$$

$$\cos \varphi_2 = \frac{P_2}{S_2} = 0,72(ind) \rightarrow \varphi_2 = 43,94^\circ$$

Luego  $S_N \geq 113,75KVA$  lo que implica  $S_{N_{min}} \simeq 114KVA$

siendo la solución C.

#### **EJERCICIO 4**

Tenemos que utilizar la expresión de caída de tensión en la línea:

$$\Delta U = \sqrt{3}(R_L \cos \varphi + X_L \sin \varphi)I_L \text{ que en nuestro caso queda:}$$

$$\Delta U = \sqrt{3}(0,032 \cos 44^\circ + 0,007 \sin 44^\circ)169,17 = 8,157V$$

$$\Delta U = U_2 - 380 = 8,157V \rightarrow U_2 = 388,15V(\text{línea})$$

Luego la solución se corresponde con B.

#### **EJERCICIO 5**

Para obtener la tensión en el primario el proceso a seguir será:



$$\Delta U = \sqrt{3}(R_{c_2} \cos \varphi_2 + X_{c_2} \sin \varphi_2)I_2$$

$$\Delta U = U_{20} - U_2 = \frac{U_1}{r_t} - U_2 \rightarrow \text{obtenemos } U_1$$

Sustituyendo nuestros datos:

$$\Delta U = \sqrt{3}(23 \times 10^{-3}0,72 + 110 \times 10^{-3}0,69)169,17 = 27,09V$$

$$\text{siendo } r_t = \frac{20000}{400} = 50$$

$$\Delta U = U_{20} - 388,15 = \frac{U_1}{50} - 388,15 = 27,09 \rightarrow \text{obtenemos } U_1 = 20762V \rightarrow U_1 \simeq 20,8KV$$

Luego la solución se corresponde con la A.

### EJERCICIO 6

Las pérdidas en el cobre se calculan con la expresión:

$$P_{cu} = 3R_{c_2}I_2^2$$

y las del hierro con la expresión:

$$P_{fe} = 3U_1^2/R_{fe_1} \text{ con } R_{fe_1} = r_t^2 \times R_{fe_2}$$

así que sustituyendo los datos de nuestro problema, queda:

$$P_{cu} = 3(23 \times 10^{-3}169,17^2) = 1,97KW \simeq 2KW$$

$$P_{fe} = 3(20,8 \times 10^3/\sqrt{3})^2/145 \times 50^2 = 1193,48W \simeq 1,2KW$$



correspondiendo a la solución B.

### EJERCICIO 7

El rendimiento del transformador se puede obtener mediante la expresión:

$$\eta = \frac{P_2}{P_2 + P_{fe} + P_{cu}}$$

que con los valores del problema queda:

$$\eta = \frac{\sqrt{3} \times 388,15 \times 169,17 \times 0,72}{\sqrt{3} \times 388,15 \times 169,17 \times 0,72 + 1193,48 + 1970} = 0,9628$$

lo que se corresponde con la solución C.

Aquí se ha calculado  $P_2$  por la expresión tradicional, pero ya sabíamos su valor por el apartado 3). El que salga algo diferente es razonable. Cualquiera de los dos caminos es correcto.

### EJERCICIO 8

Para calcular la tensión en el origen de la línea 1, debemos entender que la carga para esta línea es el transformador más la carga del transformador (línea 2 + tres receptores), lo que implica conocer el factor de potencia de este conjunto:

$$I_1 \simeq I_2' = \frac{I_2}{r_t} = \frac{169,17}{50} = 3,38A$$

$$P_1 = \frac{P_2}{\eta} = \frac{81887,2}{0,9628} = 85KW$$

$$P_1 = \sqrt{3} \times 20762 \times 3,38 \times \cos \varphi_1 = 85000 \rightarrow \cos \varphi_1 = 0,69 \rightarrow \varphi_1 = 46,36^\circ$$

Ahora utilizando la expresión de caída de tensión en la línea:



$$\Delta U = \sqrt{3}(R_L \cos \varphi_1 + X_L \sin \varphi_1)I_1$$

y conociendo el valor de la resistencia y reactancia de la línea 1:

$$R_L = 0,75 \times 1,5 = 1,125\Omega$$

$$X_L = 0,4 \times 1,5 = 0,6\Omega$$

tenemos:

$$\Delta U = \sqrt{3}(1,125 \times 0,69 + 0,6 \times \sin 46,36^\circ)3,38 = 7,1V$$

$$\Delta U = U_{origen} - U_1 = U_{origen} - 20762 = 7,1V \rightarrow U_{origen} = 20769,1V \simeq 20,8KV$$

correspondiendo con la solución A.

### EJERCICIO 9

Para calcular el deslizamiento ( Máquina Asíncrona de Inducción), utilizamos la expresión:

$$d = \frac{n_s - n}{n_s}$$

que como se pide para el régimen nominal y siendo la frecuencia 50 Hz y la velocidad nominal 975 rpm, según la expresión  $n_s = 60 \frac{f_{est}}{p}$  debemos elegir la que esté más próxima a dicha velocidad, ya que la máquina trabaja siempre cerca de sincronismo:

$$p = 1 \rightarrow n_s = 3000rpm$$

$$p = 2 \rightarrow n_s = 1500rpm$$

$$p = 3 \rightarrow n_s = 1000rpm$$



La velocidad de sincronismo sería 1000 rpm, quedando pues el deslizamiento:

$$d_N = \frac{1000-975}{1000} = 0,025 \rightarrow 2,5 \%$$

siendo la solución A.

### EJERCICIO 10

El par nominal se calcula a partir de la potencia nominal, que viene en la placa de características, al igual que la velocidad nominal:

$$T_N = \frac{P_N}{\Omega_N} = \frac{25000}{975 \times \frac{2\pi}{60}} = 244,8 Nm$$

siendo la solución B.

*Sergio Castiñeira Ibáñez @ 2008*